

Cálculo - Aula 03

Exercícios

23 de março de 2016

1) Calcule os limites laterais abaixo.

a. $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{\sqrt{x(x-1)}}{|x-1|};$

b. $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\sqrt{x(x-1)}}{|x-1|}$

c. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x}{|x|}$

d. $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x}{|x|}$

2) Seja

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{se } x < 1 \\ 3, & \text{se } x = 1 \\ 2 - x^2, & \text{se } 1 < x \leq 2 \\ x - 3, & \text{se } x > 2 \end{cases}$$

Esboce o gráfico de $f(x)$ e calcule, se existirem, os limites abaixo.

a. $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x);$

b. $\lim_{x \rightarrow 1} f(x);$

c. $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x);$

d. $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x);$

e. $\lim_{x \rightarrow 2} f(x).$

3) Esboce o gráfico de uma função $f(x)$ que satisfaça todas as condições dadas nos exercícios abaixo.

- a. $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 2$, $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -2$ e $f(1) = 2$;
- b. $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = 1$, $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -1$, $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 1$, $f(2) = 1$ e $f(0)$ não está definido;
- c. $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 4$, $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = 2$, $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 2$, $f(3) = 3$ e $f(-2) = 1$;
- d. $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 3$, $\lim_{x \rightarrow 4^-} f(x) = 3$, $\lim_{x \rightarrow 4^+} f(x) = -3$, $f(1) = 1$ e $f(4) = -1$.

4) Calcule

- a. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^4 - x^3 + 2x + 1}{x^3 + 1}$ e $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^4 - x^3 + 2x + 1}{x^3 + 1}$;
- b. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^7 - x^5 + 2x^2 + 10x}{x^9 + 1}$ e $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^7 - x^5 + 2x^2 + 10x}{x^9 + 1}$;
- c. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^4 - x^3 + x + 1}{2x^3 + 1}$ e $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^4 - x^3 + x + 1}{2x^3 + 1}$.

5) Sejam $p(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ e $q(x) = b_n x^n + b_{n-1} x^{n-1} + \dots + b_1 x + b_0$. Assuma que $b_n \neq 0$ ou $a_n \neq 0$. Calcule o limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{p(x)}{q(x)}$.